CÁLCULO DIFERENCIAL E INTEGRAL II PRIMERA EVALUACIÓN PARCIAL E1100 07-06-01, 01-P

(1) Dada la región R del plano limitada por las curvas $y = x^2 + 5$, y = -2x + 4 & y = 6x - 4.

(a) Calcular el área de R.

(b) Calcular el volumen del sólido obtenido al rotar la región R alrededor de la recta y=-1.

(2) Dada la función

$$f(x) = \int_{-x^2}^{x^2} \sqrt{1 + t^4} \, dt$$

determinar dónde f es una función creciente y dónde es decreciente.

(3) Calcular las integrales siguientes:

(a)

$$\int \frac{(x^{1/3} - 1)^6}{x^{1/3}} \, dx$$

(b)

$$\int_{-1}^{2} \sqrt{3x - |x| + 5} \, dx$$

(4) Calcular la longitud de la curva $y = \frac{1}{3}(x^2 + 2)^{3/2}$ con $\sqrt{2} \le x \le \sqrt{7}$.