CÁLCULO DIFERENCIAL E INTEGRAL II EVALUACIÓN DE RECUPERACIÓN E0600

- (1) Calcular el área de la región del plano limitada por las curvas $y=x^2+5;\,y=-2x+40$ & y=6x-4
- (2) Calcular el volumen del sólido de revolución obtenido al rotar alrededor del eje x, la región del plano limitada por la curva $y = \cos x$ con $0 \le x \le \frac{\pi}{2}$.
- (3) Dada la función

$$f(x) = \int_0^x \sin t \, dt$$
, calcular $\lim_{x \to 0} \frac{f(x)}{x^2}$

- (4) Resolver la ecuación: $2 \ln 2 + \ln(x^2 1) = \ln(4x 1)$
- (5) Calcular la integral impropia:

$$\int_{1}^{+\infty} xe^{-x^2} dx$$

(6) Calcular las integrales siguientes:

(a)

$$\int \frac{\cos^3 2x \, dx}{\sqrt{\sin 2x}}$$

(b)
$$\int \frac{e^x \, dx}{(e^{2x} + 1)(e^x - 1)}$$

$$\int \frac{\sqrt{9+4x^2}}{x^4} \, dx$$

(d)
$$\int_0^{2\pi} |\sin\theta| \ d\theta$$

(e)
$$\int_{-1}^{1} x F(x) dx; \text{ donde } F(x) = \begin{cases} \cos x & \text{si } x < 0 \\ e^{x} & \text{si } x \ge 0 \end{cases}$$